

Εξαμηνιαία Εργασία - Βελτιστοποίηση (70% του τελικού βαθμού)

ΑΣΚΗΣΗ 9- Η μέθοδος Spiral Optimization (SO)

Τμήμα Πληροφορικής και τηλεπικοινωνιών

1 Σκοπός και αντικείμενο

Θα προσθέσετε μία νέα καθολική μέθοδο βελτιστοποίησης (Spiral Optimization (SO)) και ένα νέο πρόβλημα (Axis) στο project Optimus. Η μέθοδος θα υλοποιηθεί στα αρχεία METHODS/usermethod.h και METHODS/usermethod.cpp, και το πρόβλημα στα PROBLEMS/userproblem*. Όλες οι υπερπαραμέτροι θα δίνονται εξωτερικά (UI/params) - να MHN είναι hard-coded.

2 Αναμενόμενες δεξιότητες

1. Υλοποίηση πληθυσμιακής μεθόδου με σαφή διαχωρισμό συναρτήσεων: constructor, init, step, terminated, done.
2. Χρήση υπερπαραμέτρων εξωτερικά (getParameterList/params).
3. Υποστήριξη τουλάχιστον δύο κατανομών (ομοιόμορφη + μία από Gaussian/K-means/Repulsion).
4. Υβριδισμός με τοπική μέθοδο (π.χ. Gradient Descent ή Nelder-Mead).
5. Κανόνες τερματισμού: budget (iters/evals), tolerance (βελτίωση), stagnation (στασιμότητα).
6. Προσθήκη νέας αντικειμενικής (Axis) με αναλυτική ή αριθμητική κλίση.

3 Μέθοδος προς υλοποίηση - Spiral Optimization (SO)

3.1 Περιγραφή

1. Μπορείτε να δείτε περιγραφή του αλγορίθμου στον σύνδεσμο https://en.wikipedia.org/wiki/Spiral_optimization_algorithm καθώς και στον

σύνδεσμο https://simonblanke.github.io/gradient-free-optimizers-documentation/1.4/optimizers/spiral_optimization/.

2. Η SO υπολογίζει λύσεις κατά σπειροειδή τροχιά προς ελκυστήρα με φθίνον λόγο/γωνία.

3.2 Παραδοτέα

1. Υλοποίηση της συνάρτησης δημιουργίας και καθορισμός προκαθορισμένων τιμών για τις παραμέτρους (πχ. popsize, max_iters, seed, sampling_mode, p_local, local_every_R, tol, max_stall, top_k).
2. Υλοποίηση μεθόδου init(): Ενδεικτικά μπορεί να περιλαμβάνει ανάγνωση παραμέτρων, δέσμευση πληθυσμού, αρχική δειγματοληψία, αξιολόγηση, αποθήκευση best.
3. Υλοποίηση μεθόδου step(): ενημέρωση σύμφωνα με τον κανόνα της μεθόδου, επιβολή ορίων, αξιολόγηση, ενημέρωση best. Προαιρετικά μπορεί να εκτελείται και local optimization στους top-k ανά R επαναλήψεις.
4. Υλοποίηση μεθόδου terminated(): Χρησιμοποιήστε διάφορες τεχνικές τερματισμού που να ορίζονται από σχετική παράμετρο, όπως
 - (α') $iter \geq itermax$
 - (β') $|f_{best} - f_{best(old)}| \leq \epsilon$ για G διαδοχικές επαναλήψεις.
5. Υλοποίηση μεθόδου done(): Εύρεση του καλύτερου σημείου στον πληθυσμό και εφαρμογή σε αυτό μιας τεχνικής τοπικής βελτιστοποίησης (πχ Adam, Gradient Descent κτλ.)

4 Υλοποίηση νέου προβλήματος Axis

4.1 Περιγραφή

Να υλοποιήσετε μέσα στο UserProblem το πρόβλημα Axis που ορίζεται ως ακολούθως:

$$f(x) = \sum_{i=1}^d (ix_i^2)$$

με διάσταση d . Τα όρια κάθε διάστασης είναι στο διάστημα $[-5.12, 5.12]$.

4.2 Παραδοτέα

1. Η μέθοδος δημιουργίας του προβλήματος
2. Η συνάρτηση funmin().
3. Η συνάρτηση gradient().